



E.T.S.I.I.T - Grado en Ingeniería de
Tecnologías de Telecomunicación
Dimensionado y Planificación de Redes

Hoja de Ejercicios - Tema 5
Sistemas con fuentes finitas

Problema 1.

En una pequeña oficina remota hay tres terminales que se conectan mediante una red de área local a un *router* de acceso; éste, a su vez, se conecta mediante una línea SDSL de 768 kbps a Internet. Los trabajadores de la oficina realizan, con sus terminales, servicios de transacción contra el servidor de la central, que está conectada a Internet. Un servicio de transacción se compone de dos fases: primero se manda un paquete al servidor, y, posteriormente, el servidor responde con un paquete. Un terminal solo puede mandar el siguiente paquete tras haber recibido la repuesta del servidor al anterior. En este servicio los paquetes tienen una longitud media de 4096 Bytes y cada terminal genera, en promedio, 5 paquetes por segundo. Asumir que la duración del servicio está determinada principalmente por la línea de acceso.

- (a) Calcula las probabilidades de los estados de la cadena de *Markov* correspondiente
(b) Calcula los parámetros de rendimiento del sistema, rellenando la tabla que se muestra seguidamente.

P_w	$\overline{N_T}$	$\overline{N_Q}$	$\overline{T_Q}$	ρ

- (c) Repetir el apartado anterior, asumiendo que los terminales no deben esperar a la confirmación del servidor y compara los resultados.

Problema 2.

Una oficina remota de una empresa tiene cinco puestos de trabajo equipados con ordenadores personales, que se conectan, a través de una red *Ethernet* a un *router* de salida, conectado a la Intranet de la compañía a través de una conexión ADSL.

El funcionamiento de los terminales es el que se indica seguidamente.

- El empleado manda un paquete de petición al servidor de la base de datos de la compañía.
- El servidor, si está ocupado, mantiene la petición en un *buffer* y, al liberarse, atiende la petición y genera el paquete de repuesta con los datos solicitados.
- Cuando el empleado recibe la repuesta, analiza los datos (t_{think}).
- El proceso se repite para cada solicitud, de manera que un empleado no puede enviar peticiones nuevas si está a la espera de la respuesta previa.

Se estiman los siguientes datos: $\overline{t_{\text{think}}} = 8$ s (va exponencial negativa); longitud media del paquete de la respuesta por parte del servidor $\overline{L_r} = 10$ kBytes (va exponencial negativa); se estima además que la longitud del paquete enviado por los terminales es mucho menor; la velocidad de la conexión (bajada) es $v_{\text{download}} = 64$ kbps.

- (a) Calcula el tiempo de servicio T_S , asumiendo que todos los tiempos (procesado, transmisión en la red Ethernet, transmisión del paquete de petición) son despreciables frente al tiempo de transmisión de la respuesta por parte del servidor. Calcular posteriormente el valor del tráfico ' a ' que genera un usuario en reposo.
(b) Dibujar la cadena de Markov que modela el sistema y calcular los parámetros de rendimiento del mismo ($p_0, P_w, N_T, N_Q, T_T, T_Q$).

Problema 3.

Un 'Internet-Café' tiene $M = 5$ puestos, equipados con ordenadores personales; estos se conectan a través de una red de área local *Ethernet* a un *router*, que, a su vez, se conecta a Internet a través de una conexión ADSL ($v_{\text{download}} = 128 \text{ kbps}$).

En la hora cargada, cuando todos los terminales están ocupados, los clientes solicitan páginas WEB con una longitud media de $L = 100 \text{ kBytes}$. Se asume que los clientes actúan de forma racional y esperan a que la página se haya descargado completamente, antes de realizar otra petición al ISP. Cuando la página WEB se descarga, un usuario la 'lee' durante un tiempo $t_{\text{think}} = 16 \text{ s}$, para posteriormente solicitar otra página.

Se asume además que las páginas WEB que llegan al DSLAM se memorizan, en el supuesto que la línea de acceso entre el DSLAM y el *router* situado en el 'Internet Café' esté ocupada, y que el *buffer* es lo suficientemente grande como para que no se produzcan pérdidas. Además, se asume que el retardo que sufren las páginas WEB entre el DSLAM y el *router* del 'Internet-Café' es significativamente mayor que el resto de retardos de la red, y que el procesado de los servidores web también se puede considerar despreciable.

- Calcular el tiempo medio de transmisión de una página desde el DSLAM hacia el *router*, la tasa de página por cliente α y el tráfico a que genera cada cliente.
- Indicar, en la notación de *Kendall* cuál es el modelo más apropiado para analizar el comportamiento del sistema y calcular sus valores de rendimiento característicos: p_0 , P_w , N_T , N_Q , $\tau(T_T)$ y T_Q .

Problema 4.

Cuatro fuentes comparten el acceso a dos servidores. Se asume que cada fuente (*libre*) genera peticiones según una variable aleatoria exponencial negativa, con un valor medio de $\alpha^{-1} = 27$ minutos. El tiempo medio de servicio (también exponencial negativo) es $\mu^{-1} = 3$ minutos. ¿Cuál es la probabilidad de bloqueo del sistema? ¿Y la probabilidad de pérdida? ¿Cuál es el incremento en ambas probabilidades cuando se incorpora una fuente nueva al sistema? Si un observador externo estudiara la tasa de llegadas al sistema durante una hora, ¿qué valor obtendría en ambos casos?

Problema 5.

Se dispone de un servidor de impresión para dar servicio a una oficina con 4 terminales. Se programa el planificador de manera que un terminal no puede generar un trabajo hasta que el anterior no haya finalizado. Se estima que un terminal libre genera 5 trabajos cada hora y que el tiempo medio de impresión es de 3 minutos. Se supone, además, que el sistema tiene memoria suficiente para mantener trabajos en espera.

- ¿Cuál es el tiempo medio de espera en el sistema?
- Para analizar sus prestaciones se incorpora un módulo de gestión, que se encarga de monitorizar el sistema. ¿Qué tasa de llegadas estimaría (por terminal) utilizando únicamente sus observaciones?

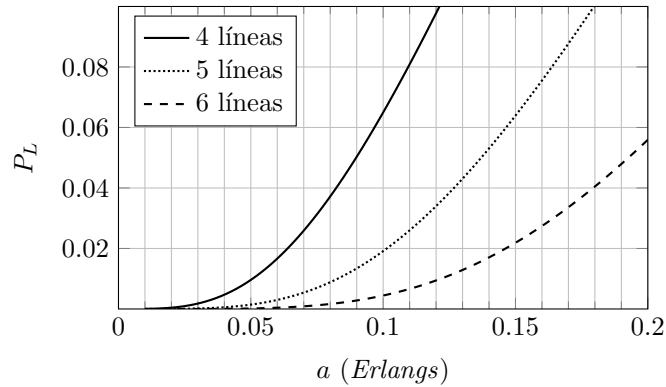
Problema 6.

Se dispone de una base de datos para dar servicio a una oficina con 5 terminales, que no pueden hacer consultas hasta que la anterior haya sido completada; el sistema es capaz de atender una única petición cada vez, pero que dispone de memoria suficiente para mantener peticiones en espera. Se estima que el tiempo medio para completar una consulta es de 20 segundos. Tras monitorizar el sistema durante un tiempo lo suficientemente largo, se establece que el número de peticiones recibidas es, aproximadamente, 2.1454 por minuto y que el número medio de peticiones en espera es 0.7094.

- ¿Cuál es el tiempo medio de espera?
- Calcular el tiempo medio de *thinking* (tiempo entre que acaba una consulta y se lanza la siguiente) y el tráfico generado por terminal **libre**.

Problema 7.

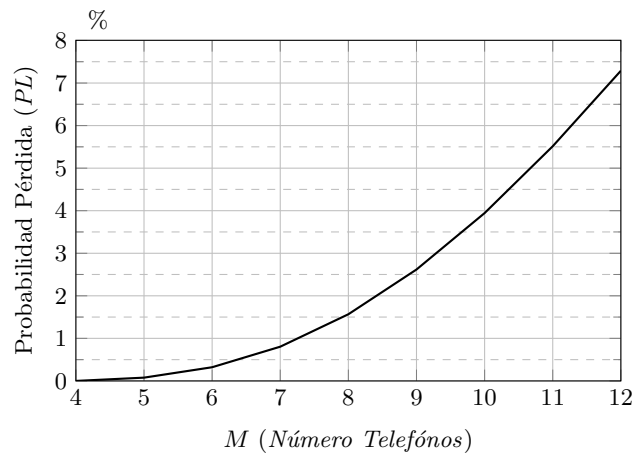
Se pretende instalar una centralita para dar servicio a los 20 usuarios de una oficina. Tras valorar las ofertas de los operadores, se plantean instalar 4, 5 ó 6 líneas de salida. La figura muestra la probabilidad de pérdida ($P_L = \text{ENG}(S, M, a)$) para los tres valores, en función del tráfico por fuente libre. Se considera una duración media por llamada de 3 minutos.



- (a) Si se quiere que la probabilidad de pérdida (P_L) no sea superior al 4%, ¿cuál sería la tasa de generación de llamadas por fuente libre máxima para cada una de las posibles configuraciones?
- (b) Se deciden instalar 5 líneas y finalmente se determina que la tasa por fuente libre es $\alpha = 2$ llamadas por hora. Se instala un sistema de gestión, que monitoriza la actividad de la centralita. ¿Qué tasa de llamadas estimaría el sistema por fuente?

Problema 8.

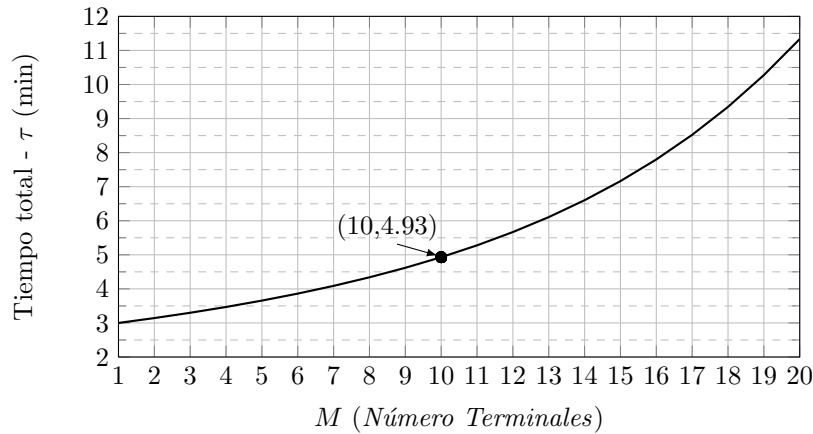
Se quiere dimensionar el sistema de telefonía de una compañía. Se cuenta con grupos de 4 líneas de salida y se quiere establecer el número máximo de teléfonos que se pueden conectar a cada uno de ellos. Se sabe que el tráfico por fuente libre es de 0.2 Erlangs. Se llevan a cabo análisis previos en los que se calcula la probabilidad de pérdida en función del número de teléfonos (M), generando la gráfica que se muestra a continuación.



- (a) ¿Cuántos terminales se podrían conectar si se pretende que la probabilidad de pérdida sea inferior al 5%? Si la jornada laboral es de 8 horas, ¿cuánto tiempo estarían las cuatro líneas ocupadas de manera simultánea?
- (b) Para el número de fuentes calculadas en el apartado anterior ¿cuánto tiempo medio hay entre llamadas de un mismo teléfono, si se sabe que la duración media por llamada son 2 minutos? Utilizar el resultado anterior para calcular la tasa de llegadas que observaría un sistema de gestión de monitorización del tráfico de entrada al grupo de 4 líneas.

Problema 9.

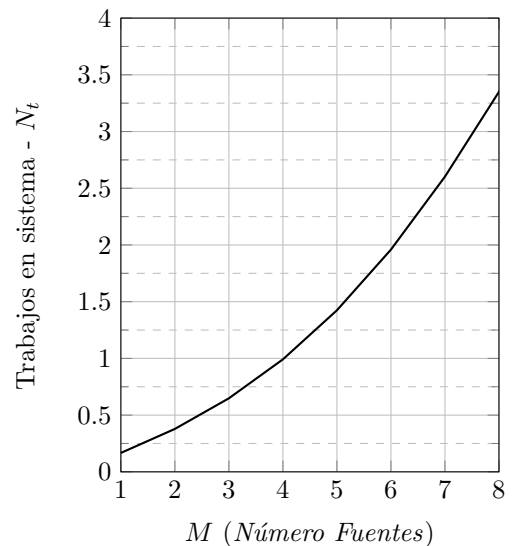
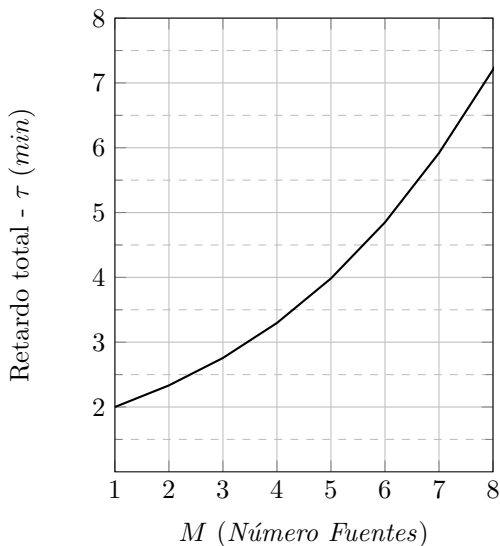
Un centro de investigación dispone de un súper-computador para llevar a cabo análisis complejos. Tras generar una petición, un terminal permanece “parado” hasta obtener sus resultados antes de generar la siguiente petición. Se supone además que el súper-computador tiene capacidad suficiente para almacenar las peticiones que vayan llegando mientras el procesador esté ocupado. Para analizar su rendimiento, se ha hecho una simulación en la que se han ido añadiendo terminales y se ha medido el tiempo transcurrido desde que se genera la petición hasta que se obtienen sus resultados, obteniendo la figura que se muestra a continuación.



- Si se pretende que el tiempo que un análisis esté esperando (desde que se genera la petición en el terminal hasta que comienza a procesarse) sea inferior a 5 minutos, ¿cuántos terminales podrían hacer uso del sistema de análisis?
- En una segunda prueba se conectaron al sistema 10 terminales, que estuvieron activos durante un periodo de 8 horas y se comprobó que el procesador estuvo ocupado 3.696 horas. ¿Cuál es la tasa de generación de simulaciones por fuente libre que utilizan los terminales?
- Durante esta segunda prueba se conectó al sistema una sonda, para medir la tasa de llegadas *real*, ¿qué valor obtuvo? Utilizar dos métodos de cálculo para corroborar la validez del resultado.

Problema 10.

A la hora de dimensionar el servidor de impresión para una PYME se llevan a cabo una serie de análisis previos, en los que se incrementa el número de terminales que se conectarían a una impresora. Se supone que todos ellos generan la misma cantidad de trabajos y que, además, no pueden enviar un documento hasta que el anterior se haya imprimido completamente. Las gráficas representan el tiempo total de permanencia en el sistema (espera e impresión) y el número medio de trabajos en todo el sistema.

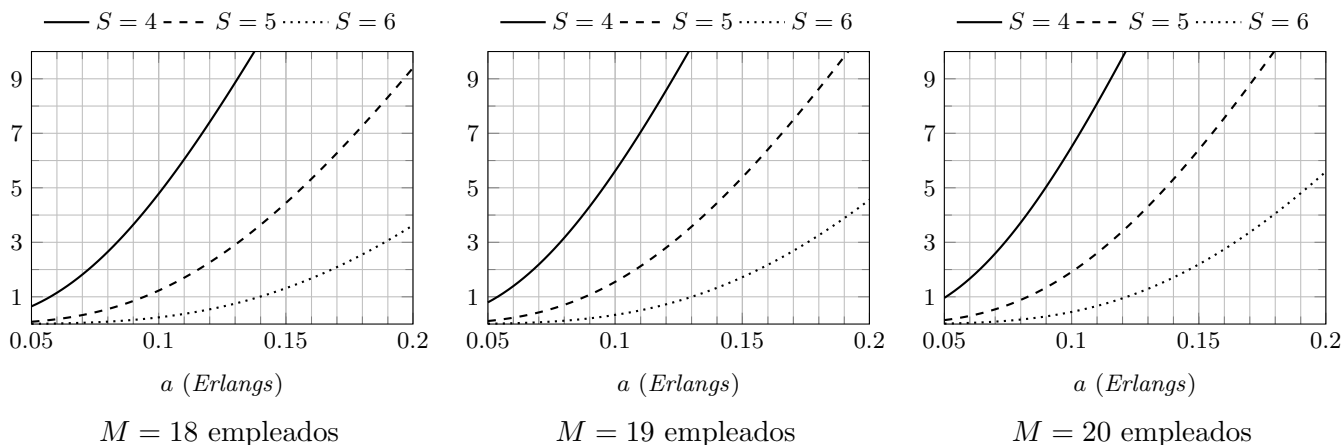


- ¿Cuántos terminales se podrían conectar al servidor si se pretende que el tiempo de espera por trabajo sea inferior a 1.5 minutos?
- ¿Cuál es la tasa de generación de trabajos que se ha utilizado por fuente *libre*?
- Obtener la tasa de generación de trabajos por terminal que observaría un sistema de monitorización externo para el valor de M calculado en el apartado (a). Comprobar la validez del resultado, utilizando dos estrategias de cálculo diferentes.

Problema 11.

En una oficina trabajan M empleados. Se pretende dimensionar las líneas telefónicas de salida de la centralita, para lo que se encarga un informe a una empresa de ingeniería. En una primera estimación se utiliza un

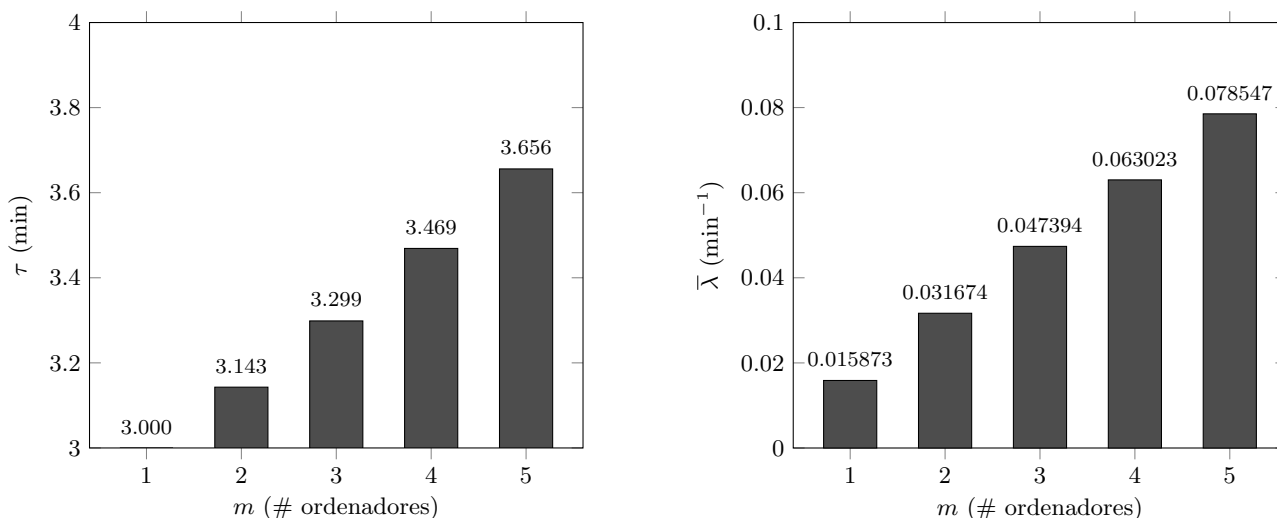
tráfico por fuente libre de 100 *mErlangs* por empleado, y utilizando el modelo de *Engset* se generan las gráficas que aparecen a continuación, que muestran la evolución de la probabilidad de pérdida (en %) en función del tráfico por fuente libre, considerando tres valores diferentes para M . Asumir un tiempo de servicio medio de 2 minutos.



- ¿Cuántas líneas serían necesarias para que la probabilidad de pérdida en el caso de que hubiera 20 empleados fuera inferior al 5%? Con ese número de líneas, ¿cuál sería el tráfico libre máximo admisible para los tres valores de M que se han considerado?
- ¿Cuál es el tráfico cursado si hay $M = 18$ empleados y 5 líneas, asumiendo un tráfico por fuente libre $a = 0.13$? ¿Cuánto tiempo estará activa cada una de las líneas en una jornada laboral (8 horas), si se asume que todas tienen la misma ocupación (estrategia aleatoria)?
- Para completar el proyecto, la empresa instala un sistema de gestión externo, y ve que, con $M = 19$ empleados y 5 líneas, están todas ocupadas un 6% del tiempo. ¿Cuál es el tráfico por fuente libre? ¿Qué tasa de llamadas observaría el sistema de gestión por cada empleado?

Problema 12.

Se considera un sistema de impresión, con una única impresora, y capacidad para mantener trabajos en espera. El servicio de IT de la empresa instala un módulo de gestión para evaluar las prestaciones del sistema, con el que representan el tiempo medio que tarda un trabajo en imprimirse (desde que es generado por un empleado), así como la tasa de llegadas total al sistema, en función del número de ordenadores conectados, obteniendo las gráficas que se muestran a continuación. Se asume, además, que un empleado no podrá enviar documentos mientras tenga un trabajo pendiente de impresión.



- ¿Cuál es el tráfico por fuente libre? ¿Cuántos trabajos habrá en media en el buffer de espera cuando $m = 4$?
- Sabiendo que en un sistema $M/M/1/K+1/m$ (con $m \leq K+1$), $\bar{\lambda} = \mu(1 - p_0)$, calcular el tiempo que la impresora estaría activa en una jornada de 8 horas, para los diferentes valores del número de ordenadores conectados.

Problema 13.

Una PYME tiene 4 líneas de salida para su centralita. Actualmente cuenta con 10 trabajadores, pero se va a incrementar el personal de manera inminente, por lo que se plantea adquirir mayor capacidad. Para ello se realiza un análisis previo en el que se monitoriza la actividad de la centralita, y se establece la relación entre la probabilidad de pérdida y la tasa de llamadas por teléfono observada (la que realmente generan los empleados), obteniendo la gráfica de la Figura (a). Posteriormente, se mantiene la operación habitual, y se va incrementando el valor de empleados, obteniendo la gráfica de la Figura (b), para la configuración que se decide contratar, que contempla 6 líneas de salida.

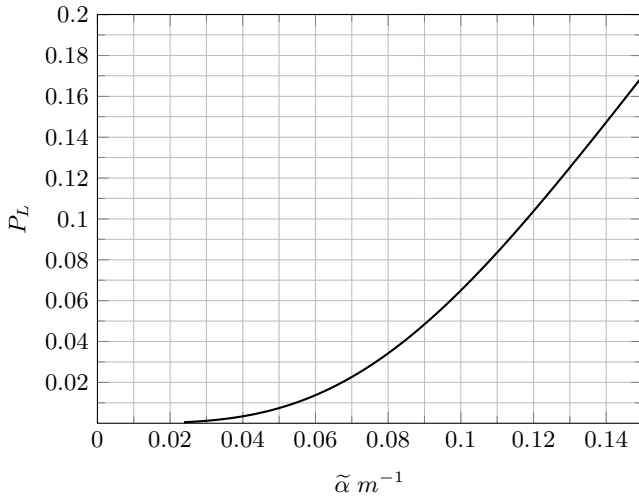


Figura (a)

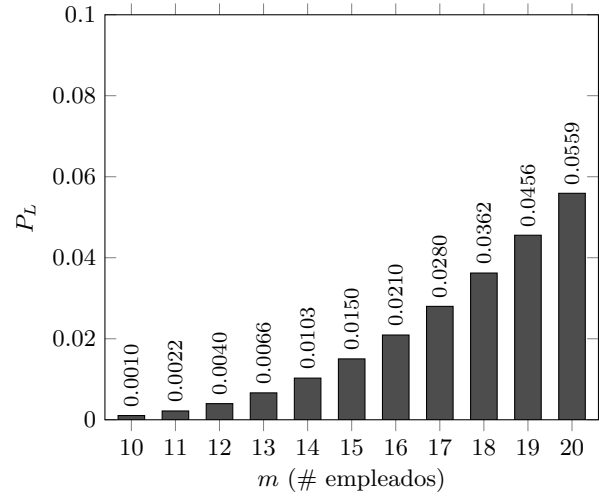


Figura (b)

- (a) Sabiendo que la probabilidad de pérdida que se ha observado durante la operación normal del sistema es $P_L = 4\%$ y que el tiempo de servicio es 2 minutos, ¿cuál sería el tráfico ofrecido por fuente libre? *Se recuerda que el tráfico cursado por un sistema coincide con el número medio de recursos ocupados.*
- (b) Finalmente se contratan 8 empleados adicionales, y tras monitorizar el sistema se estima que cada trabajador hace, en media, 40.243 llamadas durante una jornada laboral, que se supone de 8 horas. ¿Cuánto tiempo estaría ocupada cada línea en una jornada? ¿Cuánto tiempo estarían las 6 líneas ocupadas simultáneamente?

Problema 14.

Una compañía dispone de un sistema *Big Data* para hacer diferentes análisis. Únicamente se puede llevar a cabo un análisis cada vez, y el sistema tiene capacidad para mantener peticiones en espera. Se decide que cuando un terminal genere una petición, no pueda lanzar más hasta que la anterior no haya concluido. Para establecer el número de terminales, M , que podrían hacer uso del recurso, se hace una serie de análisis previos, en los que se caracteriza la inactividad total del sistema (asumiendo un periodo de observación de 10 horas), ψ , y el tiempo total por análisis (espera más procesado), τ , obteniendo los resultados que se muestran en la Tabla.

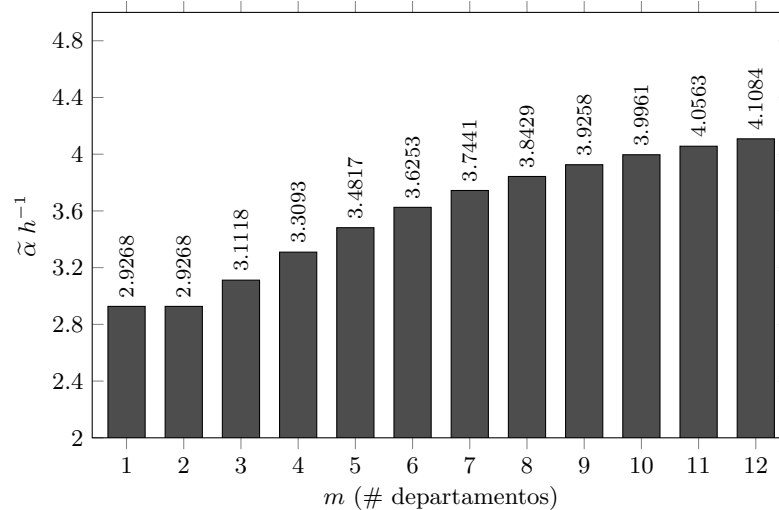
M	1	2	3	4	5	6	7	8
ψ (h)	6.6667	4	2.1053	0.9524	0.367	0.1209	0.0344	0.0086
τ (s)	20	26.6667	36	48.4211	63.8095	81.4679	100.4834	120.1376

- (a) Si se pretende que el tiempo de espera por análisis sea inferior a 50 segundos, ¿cuántos terminales podrían conectarse al sistema? Para ese valor de M , ¿cuánto tiempo estaría el procesador activo por día, si el sistema permanece activo durante 16 horas?
- (b) ¿Cuál es la tasa por fuente libre?
- (c) Si finalmente se deciden conectar 6 fuentes, ¿cuál sería la tasa de llamadas real por fuente? Realizar el cálculo de dos maneras diferentes, para comprobar su validez.

Asumir que se dan las condiciones para modelar el sistema como un $M/M/1/K+1/M$ ($K+1 \geq M$), para el que se sabe que la tasa de llegada media al sistema es $\bar{\lambda} = \mu(1 - p_0)$

Problema 15.

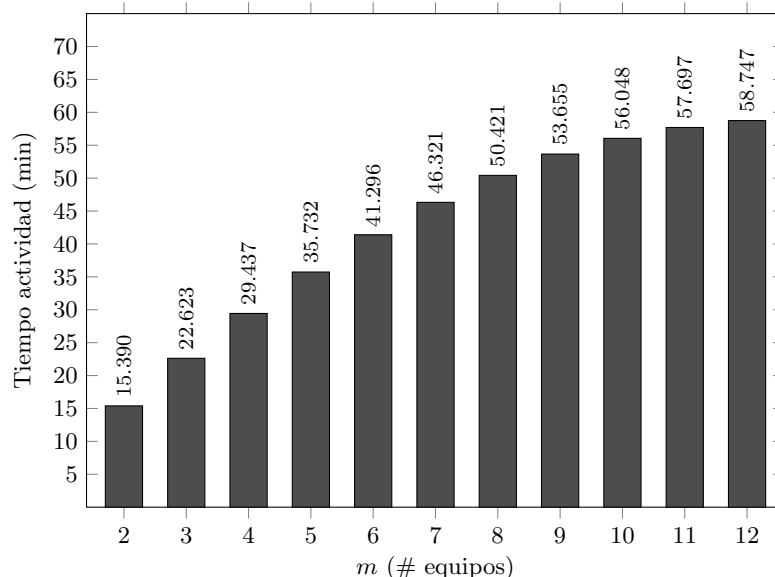
Una compañía cuenta con ϕ recursos de computación en la nube para llevar a cabo estudios *Big Data*. Dado el volumen de los datos a procesar, se decide que las peticiones no puedan esperar cuando los recursos estén ocupados. El servicio se le ofrece a un conjunto de M departamentos, que no podrían generar más peticiones si ya tienen una en proceso. Se detecta que la probabilidad de pérdida es elevada, por lo que se lleva a cabo un análisis del rendimiento del mismo. En él se va incrementando el número de departamentos que genera peticiones, y se monitoriza la tasa real de análisis solicitados por departamento, obteniendo los datos que se muestran en la gráfica.



- Indicar, de manera razonada, el valor de ϕ .
- Si se sabe que el tiempo medio por análisis es de 8 minutos, ¿cuál es la tasa de generación de peticiones por fuente libre?
- Se decide finalmente que únicamente 5 departamentos puedan usar el servicio. ¿Cuál es la probabilidad de pérdida del sistema? *Recordar que el tráfico cursado se puede calcular como $\sum_{i=0}^S ip_i$, siendo i el estado correspondiente en la cadena de Markov, y que $TC = TO(1 - P_L)$.*
- Asumiendo una jornada laboral de 10 horas, ¿cuánto tiempo estarían los ϕ recursos ocupados?

Problema 16.

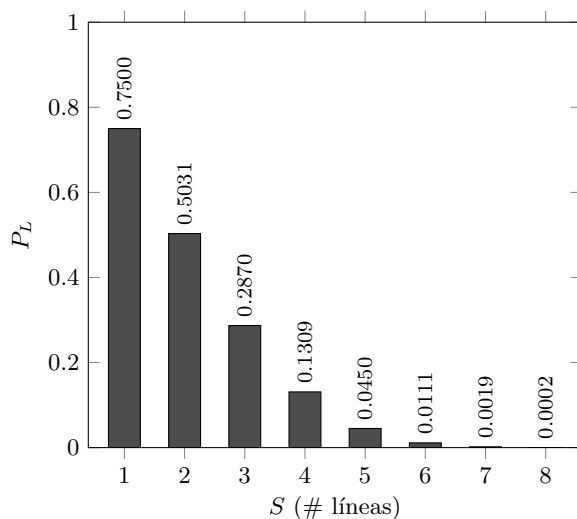
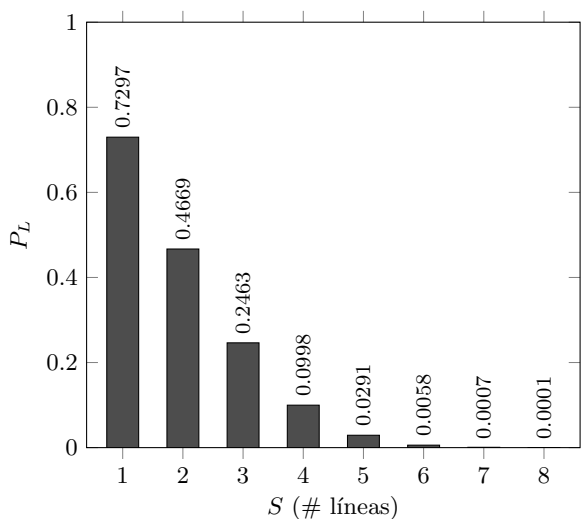
Se decide centralizar el servicio de impresión de una PYME, para lo que se adquiere una máquina de altas prestaciones, conectándose los equipos de los usuarios a una única cola de impresión. Como la empresa que presta el servicio recomienda que la impresora no esté activa más de 6 horas al día, la compañía hace un análisis de las prestaciones del sistema. Para ello va conectando equipos, y monitoriza el tiempo de actividad de la impresora a lo largo de una hora, obteniendo la gráfica que se muestra en la figura. Se establece que el tiempo medio de impresión (servicio) de los documentos que envían los trabajadores es de 2 minutos.



- (a) Si la jornada laboral es de 8 horas, ¿cuántos equipos se podrían conectar como máximo a la impresora?
- (b) Conectando 4 clientes, se determina que el tiempo medio que transcurre desde que se envía un trabajo hasta que este finaliza es de 2 minutos y 58.365 segundos. Sabiendo que en un sistema $M/M/1/K+1/m$, con $m \leq K+1$, $\bar{\lambda} = \mu(1 - p_0)$, ¿cuántos trabajos por hora enviaría un equipo? ¿Cuál es la tasa por fuente libre, α ?
- (c) Comprobar la validez del valor de α , utilizando la cadena de Markov correspondiente, cuando $m = 2$.
- (d) Cuando se conectan 5 equipos, ¿cuánto tiempo debería esperar cada trabajo en la cola de impresión? ¿Cuál es el número medio de trabajos esperando?

Problema 17.

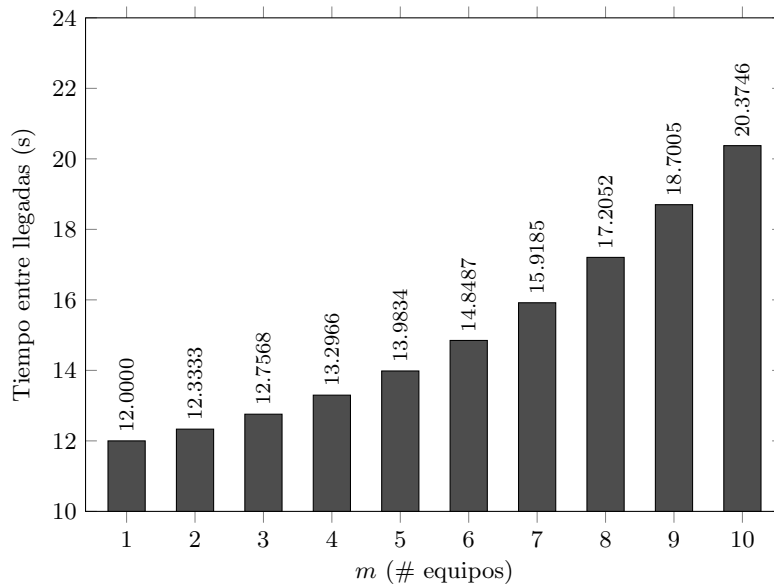
Una PYME cuenta con 10 trabajadores. A la hora de dimensionar el número de líneas telefónicas para alimentar su centralita se estableció que la probabilidad de pérdida tenía que ser inferior al 5%. Ante la incorporación de un nuevo empleado, se decide analizar el comportamiento del sistema, obteniendo las dos gráficas que se muestran a continuación.



- (a) ¿Cuántas líneas de teléfono tenía la PYME inicialmente? ¿Habría que añadir alguna tras la contratación del nuevo empleado? Calcular el tráfico por fuente libre, a .
- (b) Calcular, asumiendo que haya 10 empleados, el tiempo en el que todas las líneas están ocupadas simultáneamente en un día, suponiendo jornadas de 8 horas. Con los datos disponibles, ¿cómo se tendría que calcular dicho tiempo en el supuesto de que hubiera 11 empleados?
- (c) Tras la contratación del empleado adicional, se observa que cada uno de ellos hace, en media, una llamada cada 12.9128 minutos. Si se sabe que el tiempo medio de duración de una llamada son 3 minutos, ¿cuál es la tasa de generación de llamadas por fuente libre? Comprobad la validez del resultado, utilizando el valor de a calculado en el apartado (a).

Problema 18.

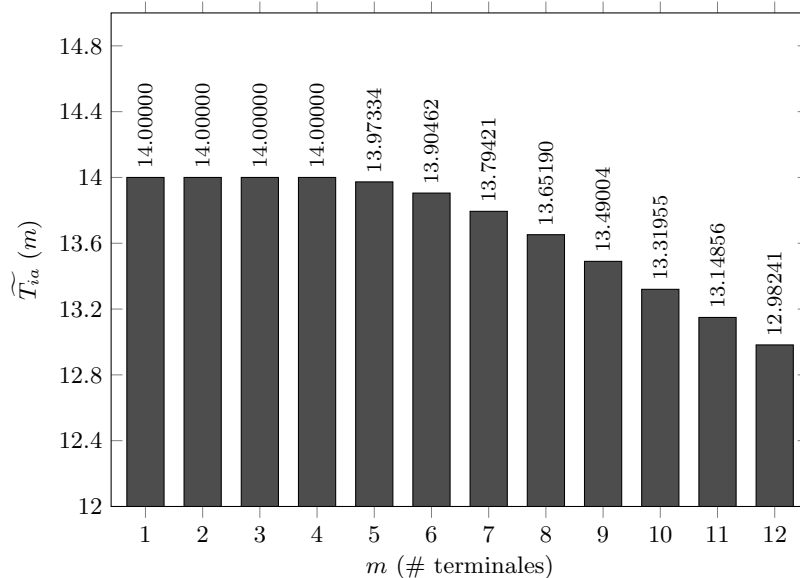
Un grupo de investigación utiliza un servicio de análisis en la nube. Para determinar el número de equipos que se pueden conectar al frontal del sistema, se hacen medidas en las que se va incrementando el número de terminales conectados, y se mide el tiempo que hay entre peticiones consecutivas de una misma fuente (se asume que un terminal no puede generar más peticiones hasta que la anterior haya concluido). El sistema cuenta con capacidad para mantener peticiones en espera.



- (a) Sabiendo que el tiempo medio de análisis es de 2 segundos, ¿cuál es la tasa por fuente libre utilizada?
- (b) ¿Cuánto tiempo estaría activo el procesador (en una hora) cuando $m = 2$? Haced el calculo de dos maneras diferentes. para comprobar la validez del resultado.
- (c) ¿Cuántas peticiones habría en media en el sistema cuando $m = 8$? ¿Cuál sería en este caso el tiempo en el que el procesador está activo?

Problema 19.

Una empresa dispone de un súper-computador para realizar análisis bursátiles. Debido al gran volumen de datos que se maneja, no se pueden mantener peticiones en espera. Además, cada terminal no puede generar más solicitudes hasta que la anterior haya finalizado (o se haya rechazado). Para comprobar el funcionamiento de la máquina, el departamento de IT va incrementando el número de terminales conectados al súper-computador, y se monitoriza el tiempo entre peticiones consecutivas de los terminales. La figura representa el promedio de dichos tiempos, a medida que se va incrementando el número de terminales.



- (a) ¿De cuántos procesadores dispone el procesador?
- (b) Si se sabe que un terminal *libre* generaría 6 análisis por hora, ¿cuál es el tiempo medio que tarda cada análisis en ejecutarse?
- (c) ¿Qué porcentaje de análisis se perderían si el número de terminales que se conectan al súper-computador es $m = 8$?
- (d) Asumiendo también que $m = 8$, ¿cuánto tiempo estarían los procesadores ocupados en una hora de funcionamiento? ¿Y el sistema vacío?



Dimensionado y Planificación de Redes

Tema 5 - Sistemas con fuentes finitas Soluciones de la hoja de problemas

Problema 1.

- (a) $p_0 = 0.51, p_1 = 0.32, p_2 = 0.14$
 $p_3 = 0.03$
- (b) $p_w = 0.49, N_T = 0.69$
 $N_Q = 0.196, T_Q = 16.955 \text{ ms}$
 $\rho = 0.492$
- (c) $p_w = 0.64, N_T = 1.78$
 $N_Q = 1.14, T_Q = 75.85 \text{ ms}$
 $\rho = 0.64$

Problema 2.

- (a) $T_S = 1.28 \text{ s}, a = 0.16$
- (b) $p_0 = 0.3775, p_w = 0.6225,$
 $N_T = 1.11, N_Q = 0.487,$
 $T_T = 2.28 \text{ s}, T_Q = 1 \text{ s}$

Problema 3.

- (a) $T_S = 6.4 \text{ s}, \alpha = 3.75 \text{ p/m}, a = 0.4$
- (b) $p_0 = 0.07, p_w = 0.93$
 $N_T = 2.675, N_Q = 1.745$
 $T_T = 18.41 \text{ s}, T_Q = 12 \text{ s}$

Problema 4.

- (a) 4 Fuentes
 $PB = 0.0488, PL = 0.027$
 $\lambda = 8.02 \text{ ll/h}$
5 Fuentes
 $PB = 0.0735, PL = 0.0488$
 $\lambda = 10.04 \text{ ll/h}$

Problema 5.

- (a) 2.409 min.
- (b) 3.4465 ll/h.

Problema 6.

- (a) 0.33 min (19.83 s).
- (b) $T_0 = 100 \text{ s}, a = 0.2$

Problema 7.

- (a) 4 líneas: $\alpha = 1.66 \text{ ll/h}$
5 líneas: $\alpha = 2.52 \text{ ll/h}$
6 líneas: $\alpha = 3.6 \text{ ll/h}$
- (b) $\tilde{\alpha}_0 \approx 1.82 \text{ ll/h}$

Problema 8.

- (a) 10 teléfonos
26.4 m
- (b) $T_{ia} = 11.92 \text{ m}$
 $\lambda = 50.34 \text{ llamadas/hora}$

Problema 9.

- (a) 16 terminales
- (b) $\alpha = 1 \text{ llegadas/h}$
- (c) $\tilde{\alpha} = 0.924 \text{ llegadas/h}$

Problema 10.

- (a) 4 terminales
- (b) $\alpha = 6$ trabajos/h
- (c) $\tilde{\alpha} = 4.5$ trabajos/h

Problema 11.

- (a) 5 líneas
 $a = 0.155, 0.145, 0.135$ (Erlangs)
- (b) 2.0149 Erlangs
3.224 horas
- (c) $a = 0.145$ Erlangs
 $\tilde{\alpha} = 3.822 \text{ h}^{-1}$

Problema 12.

- (a) $a = 50$ mErlangs
0.0296 trabajos
- (b) 0.38, 0.76, 1.14, 1.51, 1.89 (horas)

Problema 13.

- (a) $a = 0.203$ Erlangs
- (b) Cada línea: 3.88 horas
Las 6 líneas ocupadas: 21.9 min

Problema 14.

- (a) 5 terminales
15.413 horas
- (b) $\alpha = 1.5 \text{ m}^{-1}$
- (c) $\tilde{\alpha} = 0.494 \text{ m}^{-1}$

Problema 15.

- (a) $\phi = 2$
- (b) $\alpha = 4.8 \text{ h}^{-1}$
- (c) $P_L = 0.408$
- (d) $\approx 5 \text{ h}$

Problema 16.

- (a) 6 equipos
- (b) $\tilde{\alpha} = 3.678 \text{ h}^{-1}$
 $\alpha = 4.5 \text{ h}^{-1}$
- (c)
- (d) $T_w = 1.4565 \text{ m}$
 $N_w = 0.4337$ trabajos

Problema 17.

- (a) 5 líneas. No. $a = 0.3$
- (b) 21.6 minutos
- (c) $\alpha \approx 0.1 \text{ m}^{-1}$

Problema 18.

- (a) $\alpha = 0.1 \text{ s}^{-1}$
- (b) 19.46 minutos
- (c) 3.35 peticiones. 55.8 minutos

Problema 19.

- (a) 4 procesadores.
- (b) 4 minutos
- (c) 8.7 %
- (d) 7.65 y 4.27 minutos.