



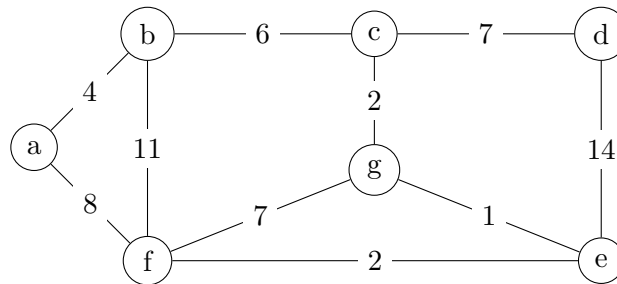
E.T.S.I.I.T - Grado en Ingeniería de
Tecnologías de Telecomunicación
Redes de Comunicaciones - Curso 2021/2022

P1	
P2	
P3	

Examen de la convocatoria de junio
Problemas

Apellidos:..... Nombre:.....

Problema 1 (1 punto). Considérese el grafo de la figura, \mathcal{G} .



- (a) **[0.5 puntos]** Utilizar el algoritmo de *Prim* para establecer el *Minimum Spanning Tree* (*MST*) de \mathcal{G} , partiendo del nodo a . ¿Es la ruta que resulta entre los nodos a y f la de menor coste posible? Justificar la respuesta.
- (b) **[0.5 puntos]** Si se utilizara el algoritmo de *Floyd-Warshall* (en orden lexicográfico de los nodos, de menor a mayor) para establecer las rutas de coste mínimo, ¿cuáles serían las correspondientes al nodo a , después de tres iteraciones del algoritmo? ¿Y las del nodo e ? Justificar la respuesta, sin ejecutar los diferentes pasos del algoritmo.

INITIALIZATION

- 1: $Q = N$; Randomly select R
- 2: $k(R) = 0$
- 3: for all v in N but R
- 4: $k(v) = \text{inf}$

MAIN LOOP

- 5: while $Q \neq \{\emptyset\}$
- 6: u vertex in Q with $\min\{k(v)\}$
- 7: delete u from Q
- 8: for all v adjacent to u AND v in Q
- 9: if $k(v) > c(u,v)$
- 10: $k(v) = c(u,v)$
- 11: $\text{prev}(v) = u$

Algoritmo de *Prim*

Problema 2 (3 puntos). En una aplicación de una empresa de fabricación de metales se cuenta con un sistema de computación en la nube para llevar a cabo análisis predictivos. Se reciben peticiones de dos tipos, según procesos de Poisson, de tasas λ_a y λ_b . El tiempo de análisis, igual para ambas, se puede modelar con una variable aleatoria exponencial negativa, de media $\mu^{-1} = 3$ s. Tras monitorizar el sistema durante tiempo suficiente, se estima que se reciben, en media, $\lambda = 10$ análisis por minuto.

Se cuenta con un único procesador, y capacidad para mantener una petición en espera. Además, teniendo en cuenta sus características, el departamento de desarrollo software decide que las aplicaciones b no puedan esperar.

- (a) **[0.4 puntos]** Modelar el sistema con una cadena de Markov, y establecer la probabilidad de pérdida y de espera para los dos tipos de aplicaciones, cuando $\lambda_a = 2\lambda_b$.
- (b) **[0.4 puntos]** Utilizar la relación de Little para establecer el tiempo de espera promedio. ¿Qué porcentaje de las peticiones que son procesadas pertenecen a cada tipo de análisis?
- (c) **[0.3 puntos]** Asumiendo que $\lambda_a = \alpha\lambda$, con $\alpha \in [0, 1]$, representar gráficamente las probabilidades de pérdida para los dos tipos de aplicación, en función del valor de α .

Se decide plantear una modificación en el sistema, de manera que se fuerza a que los análisis siempre se procesen de manera alternativa, esto es $a - b - a - b - a - b - \dots$. Gracias a esta modificación, el tiempo de procesado se reduce a la mitad. Inicialmente se decide que las peticiones a únicamente puedan esperar cuando se esté procesando una petición de tipo b .

- (d) **[0.5 puntos]** Modelar esta alternativa con una cadena de Markov, y calcular las probabilidades de pérdida para los dos tipos de aplicaciones, si $\alpha = \frac{2}{3}$.
Cuando el sistema está vacío, se tiene que tener en cuenta el tipo de la última petición que fue procesada. Asimismo, diferenciar el tipo de análisis que se esté procesando en cada caso.
- (e) **[0.4 puntos]** ¿Cuál es el tiempo de espera promedio de las peticiones de tipo a ? ¿Qué porcentaje de los análisis de este tipo que se procesan tienen que esperar previamente?

En una segunda configuración, las peticiones de tipo a se mantendrán a la espera siempre que sea posible (esto es, el buffer esté disponible), manteniendo el requisito de que el procesado siempre se lleve a cabo de manera alternativa. Así, cuando el sistema ha procesado (o lo está haciendo) un análisis a y llega otro del mismo tipo, se podrá mantener a la espera, hasta que se procese una petición de tipo b .

- (f) **[0.5 puntos]** Modelar esta configuración con una cadena de Markov.

En esta configuración, en la que se mantiene que $\alpha = \frac{2}{3}$, la empresa que proporciona el servicio en la nube monitoriza la actividad del sistema, y registra los siguientes tiempos (todos en minutos), que se corresponden con un periodo de observación de 1 hora: (i) tiempo en el que el sistema está completamente vacío: 18.9974; (ii) tiempo en el que el procesador está inactivo, y el buffer está completo: 33.2454; (iii) tiempo en el que el procesador está analizando una petición a , y el buffer está completo: 0.5541.

- (g) **[0.5 puntos]** Teniendo en cuenta los datos anteriores, establecer las probabilidades de pérdida para cada tipo de análisis.

Problema 3 (3 puntos). Para dar servicio en un área determinada, un operador de comunicaciones móviles cuenta con 23+23 canales (ascendentes+descendentes). Plantea la topología de red que se muestra en la Figura (a), con antenas omnidireccionales, de cobertura $R = 800\text{ m}$. Se cuenta con los siguientes datos de mercado:

- Densidad de usuarios: $\alpha = 15\text{ u/km}^2$.
- Tráfico por usuario: $\rho = 80\text{ mErlangs}$.

- (a) **[0.5 puntos]** Calcular la CIR del sistema, si se pretende que la probabilidad de bloqueo sea inferior al 4%, asumiendo que las antenas interferentes se encuentran a la distancia de reuso del punto de cálculo y que el exponente de pérdidas de propagación es $\gamma = 2.86$.
- (b) **[0.2 puntos]** Se sabe que la interferencia adicional en el sistema tiene la función de probabilidad acumulada (*ccdf*) que se muestra en la Figura (b). ¿Cuánto tiempo al año se podría quedar el sistema sin servicio, utilizando la CIR co-canal calculada en el apartado anterior, y sabiendo que se requiere que la CIR sea superior a 11 dB?
- (c) **[0.5 puntos]** ¿Cuál es la CIR co-canal exacta del sistema? ¿A qué se debe la diferencia frente al resultado del apartado (a)?

Tras la puesta en marcha de la red, se amplía el área en el que se tiene que dar el servicio, con las superficies que aparecen sombreadas en la Figura (c). En ellas, la densidad de usuarios es $\beta = 9\text{ u/km}^2$.

- (d) **[0.6 puntos]** Se asume que se pueden desplegar el mismo tipo de BS para cubrir dichas superficies, ampliando por tanto la red original, ¿cuál sería la probabilidad de bloqueo de los usuarios que estuvieran en dichas zonas? Calcular nuevamente la CIR del sistema, asumiendo que las BS interferentes están a la distancia de reuso del punto de cálculo

El operador no puede encontrar emplazamientos adecuados para las nuevas antenas, por lo que decide utilizar los mástiles de las BS 2 y 6 para desplegar antenas con cobertura sectorial de 60° y alcance $3R$, en las que utiliza los canales disponibles tras cubrir el despliegue inicial.

- (e) **[0.6 puntos]** ¿Cuál sería la CIR correspondiente al nuevo despliegue de red? ¿Cómo se podría mejorar?
- (f) **[0.6 puntos]** Como las antenas transmiten a una potencia mayor, los usuarios que estén cubiertos por ellas intentarían conectarse a ellas y, únicamente en caso de que no pudieran, utilizarían las BS omnidireccionales del despliegue original. ¿Cuál sería entonces la probabilidad de bloqueo en las dos zonas sombreadas?

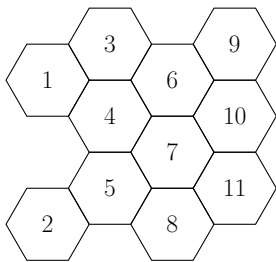


Figura (a)

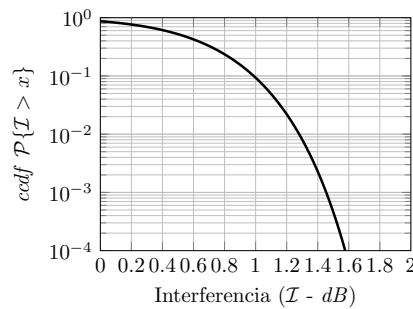


Figura (b)

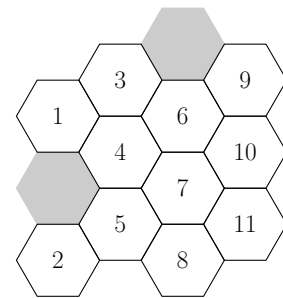
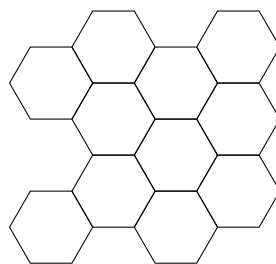
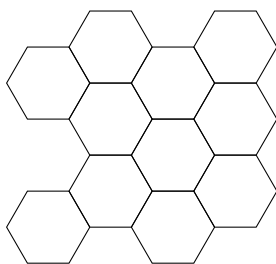
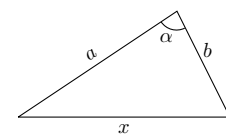


Figura (c)



$$A_{\text{hexágono}} = \frac{3\sqrt{3}}{2} R^2$$



$$x^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \alpha$$

Teorema coseno

Fórmula de Erlang-B: A de 0.1 a 5.0 *Erlangs*. S de 1 a 10

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
0.1	090909	004525	000151	000004						
0.2	166667	016393	001092	000055	000002					
0.3	230769	033457	003335	000250	000015	000001				
0.4	285714	054054	007156	000715	000057	000004				
0.5	333333	076923	012658	001580	000158	000013	000001			
0.6	375000	101124	019824	002965	000356	000036	000003			
0.7	411765	125964	028552	004972	000696	000081	000008	000001		
0.8	444444	150943	038694	007679	001227	000164	000019	000002		
0.9	473684	175705	050072	011141	002001	000300	000039	000004		
1.0	500000	200000	062500	015385	003067	000511	000073	000009	000001	
1.1	523810	223660	075793	020417	004472	000819	000129	000018	000002	
1.2	545455	246575	089776	026226	006255	001249	000214	000032	000004	000001
1.3	565217	268680	104286	032782	008451	001828	000339	000055	000008	000001
1.4	583333	289941	119180	040043	011088	002580	000516	000090	000014	000002
1.5	600000	310345	134328	047957	014183	003533	000757	000142	000024	000004
1.6	615385	329897	149620	056469	017749	004711	001076	000215	000038	000006
1.7	629630	348613	164960	065515	021790	006136	001488	000316	000060	000010
1.8	642857	366516	180267	075033	026302	007829	002009	000452	000090	000016
1.9	655172	383634	195474	084962	031276	009807	002655	000630	000133	000025
2.0	666667	400000	210526	095238	036697	012085	003441	000859	000191	000038
2.1	677419	415646	225378	105804	042547	014673	004383	001149	000268	000056
2.2	687500	430605	239993	116605	048802	017580	005495	001509	000369	000081
2.3	696970	444912	254343	127588	055437	020809	006791	001949	000498	000114
2.4	705882	458599	268406	138706	062423	024361	008283	002479	000661	000159
2.5	714286	471698	282167	149916	069731	028234	009983	003110	000863	000216
2.6	722222	484241	295614	161179	077331	032424	011900	003853	001112	000289
2.7	729730	496256	308738	172458	085194	036922	014041	004717	001413	000381
2.8	736842	507772	321537	183724	093288	041718	016413	005712	001774	000496
2.9	743590	518816	334009	194948	101584	046801	019020	006848	002202	000638
3.0	750000	529412	346154	206107	110054	052157	021864	008132	002703	000810
3.1	756098	539585	357975	217178	118671	057771	024946	009574	003287	001018
3.2	761905	549356	369475	228145	127409	063628	028265	011180	003959	001265
3.3	767442	558748	380660	238991	136244	069710	031818	012955	004728	001558
3.4	772727	567780	391536	249703	145152	076001	035601	014905	005599	001900
3.5	777778	576471	402110	260271	154112	082484	039608	017033	006581	002298
3.6	782609	584838	412389	270685	163105	089140	043834	019344	007678	002756
3.7	787234	592897	422379	280938	172113	095952	048270	021837	008898	003281
3.8	791667	600666	432090	291024	181119	102905	052907	024515	010245	003878
3.9	795918	608157	441529	300939	190108	109980	057737	027376	011724	004552
4.0	800000	615385	450704	310680	199067	117162	062749	030420	013340	005308
4.1	803922	622362	459623	320243	207983	124437	067933	033644	015095	006151
4.2	807692	629101	468295	329628	216846	131788	073278	037046	016994	007087
4.3	811321	635614	476726	338835	225645	139202	078774	040621	019038	008120
4.4	814815	641910	484926	347862	234373	146666	084408	044365	021229	009254
4.5	818182	648000	492901	356712	243021	154166	090170	048272	023567	010494
4.6	821429	653894	500658	365384	251583	161693	096050	052338	026054	011843
4.7	824561	659600	508206	373882	260053	169234	102035	056555	028687	013304
4.8	827586	665127	515552	382206	268427	176780	108115	060917	031467	014879
4.9	830508	670483	522701	390359	276700	184320	114279	065417	034391	016572
5.0	833333	675676	529661	398343	284868	191847	120519	070048	037458	018385